# コサイン類似度罰則条件付き非負値行列因子分解に基づく 音源分離の実験的評価\*

☆岩瀬佑太,北村大地(香川高専)

## 1 はじめに

音源分離とは、複数の音源が混合した状態で観測された信号から、混合前の個々の音源を分離・抽出する 技術である.特に、非負値行列因子分解(nonnegative matrix factorization: NMF) [1, 2] を用いた音源分離 手法は、音源分離の条件や用途等に応じてこれまで 数多く提案されてきた [3]-[6]. NMF は Fig. 1 に示 すように、観測された非負の時間周波数行列(振幅ス ペクトログラム等)を別の二つの非負行列(基底行列 及びアクティベーション行列)の行列積で近似するア ルゴリズムである.基底行列には、観測行列中の頻 出スペクトルパターンが基底ベクトルとして含まれ、 それらの時間的な強度変化がアクティベーション行列 に含まれる.これらの特徴量を上手く活用すること で、音源分離ができる.

近年では深層学習による音源分離手法が多くのタ スクにおいて高い精度を達成している [7,8].しかし, 分離対象となる音源(目的音源)の学習用データセッ トが極僅かしか用意できないような状況においては, 省サンプルの学習データから特徴量を学習しそのま ま活用する教師あり・半教師あり NMF [9] が依然と して強力である.本稿では,半教師あり NMF (semisupervised NMF: SNMF)に基づく音源分離のみを 取り扱う.

Fig. 2は SNMF における音源分離アルゴリズムを 示しており、学習ステージと分離ステージから構成さ れる. 学習ステージでは、目的音源のサンプル信号の スペクトログラム X を NMF で分解し、頻出スペク トルパターンを含む教師基底行列 F を学習する. 分 離ステージでは、事前学習した教師基底行列を用い て混合信号のスペクトログラム Y を分解することで、 目的音源成分 FG とその他の音源(非目的音源)成 分 HU を推定する.

SNMF に基づく音源分離では,混合信号中の目的 音源と非目的音源が類似したスペクトルを含む場合, 分離精度が劣化する問題がある.これは,類似するス ペクトルが教師基底行列 F 又は非目的音源の基底行 列 H のいずれを用いても表現できることが原因であ る.この場合,目的音源の一部が HU に混入してし まうこととなり,音源分離精度が著しく劣化する.

この問題に対処するために、いくつかの罰則条件 付き SNMF (penalized SNMF: PSNMF)が提案さ れてきた.その中の一つに、基底ベクトル間の内積最 小化項を付与した PSNMF (内積型 PSNMF)がある [10].この手法は、教師基底行列 F と非目的音源の 基底行列 H ができるだけ直交化する罰則条件を付与 したものであり、目的音源成分 FG の品質を大幅に 向上させる効果がある.しかし、内積型 PSNMF は、 NMF が持つ基底行列・アクティベーション行列間の スケール不定性により、罰則条件が正しく影響しな い定式化となっている.同様の現象は、アクティベー ション行列にスパース正則化を与える NMF でも確認



Fig. 1 Matrix decomposition by NMF.



Fig. 2 Audio source separation based on SNMF.

されており,正しい制約条件を与えた最適化法が提案 されている [11].

内積型 PSNMF のスケール不定性の問題を解決する ために、著者らは基底ベクトル間の対数コサイン類似 度最小化項を付与した PSNMF (log-cos 型 PSNMF) を提案している [12]. Log-cos 型 PSNMF は基底ベク トル間の大きさに依存せず、ベクトル間の角度にのみ 依存するコサイン類似度を罰則項に用いるため、内 積型 PSNMF のスケール不定性の問題を解決できる. しかし、反復最適化更新式の導出を容易にするため にコサイン類似度の対数を罰則項として用いた結果, コスト関数や変数の値が発散する可能性が生じ、数 値的安定性が損なわれる問題が生じた. 文献 [12] で は、数値的安定性を向上させるために、反復毎に H 中の各基底ベクトルを(コスト関数の値が変化しな いように) 正規化することで,場当たり的に対処して いたが、最適化途中での変数値の発散を完全に防ぐ ことはできていない.

本稿では、スケール不定性及び数値的不安定性の 両方の問題を同時に解決する手法として、対数を用 いないシンプルなコサイン類似度を罰則条件として SNMF に付与する手法(cos型 PSNMF)を新たに定 式化し、最適化する手法を提案する.提案手法では、 majorization-minimization(MM)アルゴリズム[13] による乗法型更新則を導出する.また、音楽信号を対 象とした音源分離に適用し、従来手法よりも優れた 音源分離が達成できることを実験的に示す.

\* Experimental evaluation of source separation based on nonnegative matrix factorization with cosine similarity penalty. By Yuta Iwase and Daichi Kitamura (NIT Kagawa).

# 2 従来手法

## 2.1 NMF 及び SNMF

NMF は非負の観測行列  $X \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{I \times J'}$  (本稿では音の 振幅スペクトログラム)を別の 2 つの非負行列  $F \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{I \times K}$  (基底行列) 及び  $Q \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{K \times J'}$  (アクティベー ション行列) の行列積で近似する低ランク分解であ る. F 及び Q は次式の最小化問題で推定される.

$$\min_{\boldsymbol{F},\boldsymbol{O}} \mathcal{D}(\boldsymbol{X} \| \boldsymbol{F} \boldsymbol{Q}) \text{ s.t. } f_{ik}, q_{kj'} \ge 0 \ \forall i, \ j', \ k \qquad (1)$$

ここで  $f_{ik}$  及び  $q_{kj'}$  はそれぞれ F 及び Q の要素で ある. また,  $i = 1, 2, \dots, I$ ,  $j' = 1, 2, \dots, J'$ , 及び  $k = 1, 2, \dots, K$  はそれぞれ周波数,時間,及び基底 ベクトルのインデクスを表す.  $\mathcal{D}(X \parallel FQ)$  は,行列 X 及び FQ 間の乖離度を表す関数である.

NMF に基づく音源分離手法として SNMF がある. SNMF では, Fig. 2 に示すように, 学習ステージで 目的音源のサンプル信号 X に NMF を適用し,教師 基底行列 F を事前学習する. F は目的音源の頻出ス ペクトルを K 本の基底ベクトルとして含む. 分離ス テージでは,混合信号 Y  $\in \mathbb{R}_{\geq 0}^{I \times J}$  を FG + HU に 分解する. ここで,  $G \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{K \times J}$  は F のアクティベー ション行列,  $H \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{I \times L}$  及び  $U \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{L \times J}$  はそれぞれ 非目的音源の成分を表す基底行列及びアクティベー ション行列である. 理想的には,混合信号 Y 中の目 的音源成分が FG, 非目的音源成分が HU と推定さ れ, FG のみを時間信号に戻すことで音源分離が達 成される. しかし,目的音源と非目的音源が類似ス ペクトルを含む場合,目的音源の一部が HU に混入 し,分離精度が著しく劣化する.

## 2.2 内積型 PSNMF

内積型 PSNMF [10] は,教師基底行列 F と非目的 音源の基底行列 H ができるだけ直交する罰則条件を 付与した SNMF であり,目的音源成分 (FG で表現 されるべき成分)が非目的音源成分 HU に混入して しまう現象をある程度回避する効果がある.本手法で は,分離ステージにおいて次の最小化問題を考える.

$$\min_{\boldsymbol{G},\boldsymbol{H},\boldsymbol{U}} \mathcal{D}(\boldsymbol{Y} \| \boldsymbol{F}\boldsymbol{G} + \boldsymbol{H}\boldsymbol{U}) + \mu \mathcal{P}_{\mathrm{orth}}(\boldsymbol{F},\boldsymbol{H})$$

s.t. 
$$g_{kj}, h_{il}, u_{lj} \ge 0 \ \forall i, j, k, l \quad (2)$$
  
$$\mathcal{P}_{\text{orth}}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H}) = \| \boldsymbol{F}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{H} \|_{\text{Fr}}^{2}$$

$$=\sum_{k,l} \left(\sum_{i} f_{ik} h_{il}\right)^2 \tag{3}$$

ここで、 $\mu$ は罰則項の重み係数、 $g_{kj}$ ,  $h_{il}$ 、及び $u_{lj}$ は それぞれG, H、及びUの要素、 $j = 1, 2, \cdots, J$ 及 び $l = 1, 2, \cdots, L$ はそれぞれ時間及びH中の基底ベ クトルのインデクス、 $\|\cdot\|_{\text{Fr}}$ はフロベニウスノルム、  $h_{il}$ 及び $u_{lj}$ はそれぞれH及びUの要素である.式 (3)で表される罰則項 $\mathcal{P}_{\text{orth}}(F, H)$ は、Fの基底ベク トル(K本)とHの基底ベクトル(L本)の総組み 合わせの内積の二乗和に対応する.従って、Hを推 定する際には、「 $Y \ge FG + HU$ が近くなること」に 加えて、「Hの基底ベクトルがFの基底ベクトルと なるべく直交すること」の2点が考慮され、結果と して単なる SNMF よりも音源分離が促進されること が実験的に確認されている.

## 2.3 Log-cos 型 PSNMF

内積型 PSNMF には罰則項の効果が直接反映され ない本質的な問題がある.これは、NMF が本来持っ ている基底行列とアクティベーション行列間のスケー ル不定性が原因である.すなわち、内積型 PSNMF の罰則項(式(3))は、Hに小さな値 c を乗じて cHとするだけで最小化できる.このとき、式(2)の第一 項はU を (1/c)U とすることで増加しない、従って、 内積型 PSNMF は  $\mu$  を大きくしても、理論的にはFとH は直交化されない、そこで著者らは、H の大 きさに非依存なコサイン類似度に基づく罰則項を用 いて、log-cos 型 PSNMF を提案した[12].本手法で は、分離ステージにおいて次の最小化問題を考える.

$$\min_{\boldsymbol{G}, \boldsymbol{H}, \boldsymbol{U}} \mathcal{D}(\boldsymbol{Y} \| \boldsymbol{F} \boldsymbol{G} + \boldsymbol{H} \boldsymbol{U}) + \mu \mathcal{P}_{\text{logcos}}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H})$$
  
s.t.  $g_{kj}, h_{il}, u_{lj} \geq 0 \; \forall i, \; j, \; k, \; l \; (4)$ 

$$\mathcal{P}_{\log\cos}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H}) = \sum_{k,l} \log \frac{\sum_{i} f_{ik} h_{il}}{\left(\sum_{i} f_{ik}^{2}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\sum_{i} h_{il}^{2}\right)^{\frac{1}{2}}}$$
(5)

ここで,罰則項 P<sub>logcos</sub>(**F**, **H**)は, **F** の基底ベクトル と **H** の基底ベクトルの総組み合わせのコサイン類似 度の対数和に対応する.コサイン類似度であるので, 基底ベクトルの長さには依らず,ベクトル間の角度の みで直交性を測ることができ,NMFにおけるスケー ルの不定性は最適化に影響しない.

## 3 提案手法

#### 3.1 動機

Log-cos 型 PSNMF の最小化問題(式(4))では, 最適化のための反復更新式の導出を簡単化するため にコサイン類似度の対数を用いている.しかし,教師 基底行列 F と非目的音源の基底行列 H の基底ベク トルが1組でも完全に直交する場合,そのコサイン類 似度は0になり得ることから,罰則項  $\mathcal{P}_{logcos}(F, H)$ は $-\infty$ となる.従って,log-cos 型 PSNMF は新たに 数値的不安定性の問題を孕んでいる.そこで本稿で は,対数をとらない純粋なコサイン類似度を罰則項 とした場合の反復更新式を導出し,これを新たに cos 型 PSNMF として提案することで,前述の問題の解 決を図る.

#### 3.2 Cos型PSNMF

一般に SNMF を用いた音源分離では、振幅スペク トルを一般化 Kullback-Leibler(KL)ダイバージェ ンスに基づく NMF で分解する手法が最も高性能であ ることが実験的に確認されている [10, 14]. 従って本 稿でも、乖離度  $\mathcal{D}(\cdot \| \cdot )$  に一般化 KL ダイバージェン ス  $\mathcal{D}_{\text{KL}}(\cdot \| \cdot )$  を用いる場合のみを取り扱う. ここで、

$$\mathcal{D}_{\mathrm{KL}}(\boldsymbol{M} \| \boldsymbol{N}) = \sum_{i,j} \left( m_{ij} \log \frac{m_{ij}}{n_{ij}} - m_{ij} + n_{ij} \right)$$
(6)

であり,  $m_{ij}$ 及び  $n_{ij}$ はそれぞれ  $M \in \mathbb{R}_{\geq 0}^{I \times J}$ 及び  $N \in \mathbb{R}_{>0}^{I \times J}$ の要素である. Cos 型 PSNMF では,次の最小化問題を考える.

$$\min_{\boldsymbol{G},\boldsymbol{H},\boldsymbol{U}} \mathcal{D}(\boldsymbol{Y} \| \boldsymbol{F}\boldsymbol{G} + \boldsymbol{H}\boldsymbol{U}) + \mu \mathcal{P}_{\cos}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H})$$
  
s.t.  $g_{kj}, h_{il}, u_{lj} \geq 0 \ \forall i, j, k, l$  (7)

$$\mathcal{P}_{\cos}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H}) = \sum_{k,l} \frac{\sum_{i} f_{ik} h_{il}}{\left(\sum_{i} f_{ik}^{2}\right)^{\frac{1}{2}} \left(\sum_{i} h_{il}^{2}\right)^{\frac{1}{2}}} \qquad (8)$$

式(8)は、**F**中の基底ベクトルと**H**中の基底ベクトルの総組み合わせのコサイン類似度の総和である. Log-cos型PSNMFの罰則項(式(5))と比較して、対数関数を省くことで、最適化アルゴリズムは複雑になるが、数値不安定性の問題を解消できる.

式 (7) の最適化問題のコスト関数は, MM アルゴ リズム [13] を用いて最小化できる.まず,一般化 KL ダイバージェンス中の負対数項は凸なので,次式の Jensen の不等式を適用する.

$$-\log\left(\sum_{k} f_{ik}g_{kj} + \sum_{l} h_{il}u_{lj}\right)$$
$$\leq -\sum_{k} \alpha_{ijk} \log \frac{f_{ik}g_{kj}}{\alpha_{ijk}} - \sum_{l} \beta_{ijl} \log \frac{h_{il}u_{lj}}{\beta_{ijl}} \quad (9)$$

ここで、 $\alpha_{ijk} > 0$ 及び $\beta_{ijl} > 0$ はそれぞれ $\sum_k \alpha_{ijk} = 1$ 及び $\sum_l \beta_{ijl} = 1$ を満たす補助変数である.次に、 罰則項 $\mathcal{P}_{cos}(\boldsymbol{F}, \boldsymbol{H})$ 中の-1/2次項は凸関数なので、 次式の Jensen の不等式を適用する.

$$\left(\sum_{i} h_{il}^{2}\right)^{-\frac{1}{2}} \leq \sum_{i} \gamma_{il} \left(\frac{h_{il}^{2}}{\gamma_{il}}\right)^{-\frac{1}{2}}$$
$$= \sum_{i} \gamma_{il}^{\frac{3}{2}} h_{il}^{-1} \tag{10}$$

ここで、 $\gamma_{il} > 0$ は $\sum_{l} \gamma_{il} = 1$ を満たす補助変数である.式 (9)及び (10)の等号成立条件はそれぞれ次式である.

$$\alpha_{ijk} = \frac{f_{ik}g_{kj}}{\sum_{k'} f_{ik'}g_{k'j} + \sum_{l'} h_{il'}u_{l'j}}$$
(11)

$$\beta_{ijl} = \frac{h_{il}u_{lj}}{\sum_{k'} f_{ik'}g_{k'j} + \sum_{l'} h_{il'}u_{l'j}}$$
(12)

$$\gamma_{il} = \frac{h_{il}^2}{\sum_{i'} h_{i'l}^2} \tag{13}$$

式 (9) 及び (10) より,式 (7) の目的関数の上限関 数 *J*<sup>+</sup> は次式となる.

г

$$\mathcal{J}^{+} = \sum_{i,j} \left[ y_{ij} \log y_{ij} - y_{ij} \sum_{k} \alpha_{ijk} \log \frac{f_{ik}g_{kj}}{\alpha_{ijk}} - y_{ij} \sum_{l} \beta_{ijl} \log \frac{h_{il}u_{lj}}{\beta_{ijl}} - y_{ij} + \sum_{k} f_{ik}g_{kj} + \sum_{l} h_{il}u_{lj} \right] + \mu \sum_{k,l} \left[ \left( \sum_{i} f_{ik}^{2} \right)^{-\frac{1}{2}} \left( \sum_{i,i'} f_{ik} \gamma_{i'l}^{\frac{3}{2}} \frac{h_{il}}{h_{i'l}} \right) \right]$$
(14)

ここで、 $y_{ij}$ は Y の要素である.式 (14) を各変数で 偏微分し 0 とおくことで反復最適化更新式を導出で きる. G 及び U の更新式は SNMF と同様であるた め割愛する. $\partial \mathcal{J}^+/\partial h_{il} = 0$ より

$$\sum_{j} \left[ \frac{-y_{ij}\beta_{ijl}}{h_{il}} + u_{lj} \right] + \mu \sum_{k} \left[ \left( \sum_{i} f_{ik}^{2} \right)^{-\frac{1}{2}} - \left( -\frac{1}{h_{il}^{2}} \sum_{i' \neq i} f_{i'k} \gamma_{il}^{\frac{3}{2}} h_{i'l} + \sum_{i' \neq i} f_{ik} \gamma_{i'l}^{\frac{3}{2}} \frac{1}{h_{i'l}} \right) \right] = 0$$

を得る.上式は*h<sub>il</sub>* に関して整理することで 2 次方程式となり,次式で解析的に解ける.

$$h_{il} = \frac{-b_{il} \pm \sqrt{b_{il}^2 - 4a_{il}c_{il}}}{2a_{il}} \tag{15}$$

ここで, a<sub>il</sub>, b<sub>il</sub>, c<sub>il</sub> はそれぞれ以下の通りである.

$$\begin{aligned} a_{il} &= \sum_{i} u_{lj} + \mu \sum_{k} f_{ik} \left( \frac{\sum_{i' \neq i} \gamma_{i'l}^{\frac{3}{2}} \frac{1}{h_{i'l}}}{\sqrt{\sum_{i} f_{ik}^{2}}} \right) \\ b_{il} &= -\sum_{j} y_{ij} \beta_{ijl} \\ c_{il} &= -\mu \gamma_{il}^{\frac{3}{2}} \sum_{k} \left[ \left( \sum_{i} f_{ik}^{2} \right)^{-\frac{1}{2}} \left( \sum_{i' \neq i} f_{i'k} h_{i'l} \right) \right] \end{aligned}$$

ここで,式 (15) の ± は  $h_{il} \ge 0$  となる + が正しい解 である.式 (15) に,式 (11)–(13) の等号成立条件を 代入したものが **H** の反復更新式となる.

#### 3.3 変数更新毎の基底正規化

スケール不定性や数値的不安定性の問題を避ける ために,文献 [10, 12] では,**H**を更新する度に全基 底ベクトルを正規化する(正規化係数の逆数を**U**の 行ベクトルに乗じて**HU**は不変とする)ように実装 しているが,根本的な解決とはいえない.しかし,実 験的には性能改善が見られたため本論文では前述の 基底正規化(basis normalization: BN)をした場合 としない場合の両方について評価を行う.**H**及び**U** の基底ベクトル h<sub>il</sub>及び u<sub>lj</sub>の BN の式を以下に示す.

$$\delta_l = \sum_i h_{il} \tag{16}$$

$$h_{il} \leftarrow \frac{h_{il}}{\delta_l} \ \forall i, \ l, \quad u_{lj} \leftarrow \delta_l u_{lj} \ \forall l, \ j$$
 (17)

#### 4 実験

#### 4.1 実験条件

2 つの楽器音の音源分離性能を SNMF,内積型 PSNMF [10], log-cos 型 PSNMF [12],及び提案手 法である cos 型 PSNMF の4 手法で比較した.但し, 各手法においてスケール不定性と数値的不安定性を解 消するために,変数の更新毎に BN を行う場合と行わ ない場合の2通りを比較した.目的音源と非目的音源 の基底ベクトル数はそれぞれ K = 27 及び L = 50 と した.2 つの楽器音の混合信号は songKitamura [15] のデータセット用いて 90 曲作成し,45 曲ずつに分け



Fig. 3 Average SDR for searching optimal  $\mu$ .



Fig. 4 Average SDR of test data for each method.

て開発データ及びテストデータとした.開発データで 重み係数 µ の最適値を手法毎に決定し,最適な µ で 固定してテストデータで性能を比較した.評価指標に は,信号対歪み比 (source-to-distortion ratio: SDR) [16] を用いた.なお, log-cos 型 PSNMF では,前述 したとおり BN を行わなかった場合,数値的不安定 性により変数値が発散することがある.この時,改善 量をグラフに数値的にプロットするため,改善量がみ られなかったことと同義である 0 dB とした.

#### 4.2 実験結果

Fig. 3 に開発データにおける各手法の平均 SDR を 示す. このグラフより, SDR が最大となる重み係数  $\mu$ を各手法で求めた. Cos 型 PSNMF では BN の有 無が最適化に与える影響は(理論的には)無いため, Fig. 3 では2つのグラフがほぼ重なっている. 手法毎 の最適な $\mu$ でテストデータを音源分離した際の平均 SDR を Fig. 4 に示す.まず,内積型 PSNMF は,理 論的には  $F \ge H$ の直交化がされない可能性がある が,それでも $\mu$ を大きくすことで罰則無しの SNMF よりも性能は向上している.また, BN 無しの log-cos 型 PSNMF は数値不安定性により一部の混合信号で 変数値が発散する場合があり,平均性能は低くなっ た. BN 有りの log-cos 型 PSNMF と cos 型 PSNMF は他の手法よりも精度が高くなり,その有効性が示さ れた.

## 5 まとめ

本稿では、内積型 PSNMF 及び log-cos 型 PSNMF が抱えるスケール不定性及び数値不安定性の 2 つの 問題を避けるために cos 型 PSNMF を新たに提案し、 反復更新式を導出した.提案手法では、前述の問題を 解決できるとともに、高精度な音源分離が可能であ ることを評価実験で示した.

## 参考文献

- D. D. Lee, and H. S. Seung, "Learning the parts of objects by non-negative matrix factorization," *Nature*, vol. 401, no. 6755, pp. 788–791, 1999.
- [2] D. D. Lee, and H. S. Seung, "Algorithms for nonnegative matrix factorization," *Proc. Neural Information Processing Systems*, pp. 556–562, 2000.
- [3] T. Virtanen, "Monaural sound source separation by nonnegative matrix factorization with temporal continuity and sparseness criteria," *IEEE Trans. Audio, Speech, and Language Processing*, vol. 15, no. 3, pp. 1066–1074, 2007.
- [4] A. Ozerov, C. Févotte, and M. Charbit, "Factorial scaled hidden Markov model for polyphonic audio representation and source separation," *Proc. Workshop on Applications of Signal Processing to Audio and Acoustics*, pp. 121–124, 2009.
- [5] H. Kameoka, M. Nakano, K. Ochiai, Y. Imoto, K. Kashino, and S. Sagayama, "Constrained and regularized variants of non-negative matrix factorization incorporating music-specific constraints," *Proc. International Conference on Acoustics, Speech and Signal Processing*, pp. 5365–5368. 2012.
- [6] D. Kitamura, H. Saruwatari, H. Kameoka, Y. Takahashi, K. Kondo, and S. Nakamura, "Multichannel signal separation combining directional clustering and nonnegative matrix factorization with spectrogram restoration," *IEEE/ACM Trans. Audio, Speech, and Language Processing*, vol. 23, no. 4, pp. 654–669, 2015.
- [7] E. M. Grais, M. U. Sen, and H. Erdogan, "Deep neural networks for signal channel source separation," Proc. International Conference on Independent Component Analysis and Signal Separation, pp. 3734–3738. 2014.
- [8] S. Uhilch, F. Giron, and Y. Mitsufuji, "Deep neural network based instrument extraction from music," Proc. International Conference on Independent Component Analysis and Signal Separation, pp. 2135–2139. 2015.
- [9] P. Smaragdis, B. Raj, and M. Shashanka, "Supervised and semi-supervised separation of sounds from single-channel mixtures," *Proc. Independent Component Analysis and Signal Separation*, pp. 414–421, 2007.
- [10] D. Kitamura, H. Saruwatari, K. Yagi, K. Shikano, Y. Takahashi, and K. Kondo, "Music signal separation based on supervised nonnegative matrix factorization with orthogonality and maximum-divergence penalties," *IEICE Trans. Fundamentals of Electronics, Communications and Computer Sciences*, vol. E97-A, no. 5, pp. 1113–1118, 2014.
- [11] J. Le Roux, F. Weninger, and J. R. Hershey, "Sparse NMF - half-baked or well done?," *Mitsubishi Electric Research Lab. Technical Report*, TR2015-023, 2015.
- [12] 岩瀬佑太,北村大地,"コサイン類似度罰則条件付き半教師あ り非負値行列因子分解,"日本音響学会 2020 年春季研究発 表会講演論文集, 2-P-39, pp. 425–428, March 2020.
- [13] D. R. Hunter and K. Lange, "Quantile regression via an MM algorithm," *Journal of computational and Graphical Statistics.*, vol. 9, no. 1, pp. 60–77, 2000.
- [14] D. FitzGerald, M. Cranitch, and E. Coyle, "On the use of the beta divergence for musical source separation," *Proc. Irish Signals and Systems Conference*, 2009.
- [15] D. Kitamura, "Open dataset: songKitamura" http://dkitamura.net/dataset.html.
- [16] E. Vincent, R. Gribonval, and C. Févotte, "Performance measurement in blind audio source separation," *IEEE Trans. Audio, Speech, and Language Processing*, vol. 14, no. 4, pp. 1462–1469, 2006.